**36 б группа**

1. **Сделать конспект урока на тему: «Обьем и его измерение. Обьем куба, параллелепипеда, призмы, цилиндра.**

**Конспект занятия:**

**Формула объема куба и прямоугольного параллелепипеда.**

Измерения – а – длина; b – ширина; с – высота.

Известные формулы:

V = a.b.c
Sосн= a.b
V = Sосн.H

Объём прямоугольного параллелепипеда равен произведению трех его измерений.

Следствие: Объем прямоугольного параллелепипеда равен произведению площади основания на высоту.

 А как называется прямоугольный параллелепипед у которого все измерения равны? **Куб.**

Длина куба а = а; ширина в = а; высота с = а

Подставим имеющиеся данные в формулу V=a.b.c в результате чего мы получаем:

*(формулу нахождения объема куба.)*

V = a.а.а = а3

**V = а3**

**Призма — это многогранник, две грани которого являются равными многоугольниками, находящимися в параллельных плоскостях, а остальные грани — параллелограммами.**

* ***Объём прямой призмы, основанием которой является прямоугольный***

***треугольник, равен произведению площади основания на высоту***

Если боковые ребра призмы перпендикулярны основаниям то призма называется***прямой***, в противном случае – ***наклонной***.

Призма называется ***правильной***, если она прямая и ее основания - правильные многоугольники.

площадь полной пов.призмы.

**Теорема**

 Площадь боковой поверхности прямой призмы равна половине произведения периметра основания на высоту призмы.

* **Доказательство**

Сначала докажем теорему для прямоугольной призмы, а затем –для произвольной прямой призмы.

1. Рассмотрим прямую треугольную призму ABCA1B1C1 с объёмом V и высотой h.
2. Проведем такую высоту треугольника ABC (на рис. BD),которая разделяет этот треугольник на два треугольника.
3. Плоскость BB1D разделяет данную призму на 2 призмы, основаниями которых являются прямоугольные треугольники ABD и BDC.
4. Поэтому объемы V1 и V2 этих призм соответственно равны SABD·h и SBDC·h. По свойству 2° объемов V=V1 +V2, т.еV=SABD ·h=(SABD+SBDC) · h.
5. Таким образом, **V= SABC ·h.**

**Теорема для произвольной прямой призмы с высотой h и площадью основания S.**

* Такую призму можно разбить на прямые треугольные призмы с высотой h. На рис. изображена пятиугольная призма, которая разбита на три прямоугольные призмы.
* Выразим объем каждой прямоугольной призмы по формуле **V= SABC ·h** и сложим эти объемы. Мы вынесем за скобки общий множитель h, потом получим в скобках сумму площадей оснований треугольных призм, т.е. площадь S основания исходной призмы.

 Таким образом, объем исходной призмы равен произведению S · h.



**Принцип Кавальери** —Если любая плоскость, параллельная данной, пересекает два тела по фигурам равной площади, то объемы этих тел равны.

**Примеры.**

**1)Объем прямоугольного параллелепипеда равен 2520 см(в кубе),а площадь основания 168 см(в квадрате),и длина на 2 см больше ширины. Найдите сумму длин всех ребер параллелепипеда.**

Итак что такое объем параллелепипеда? Vпар=Sосн\*H, где H одно из наших ребер и их всего 4. Покажу на рисунке позже.

 H=2520/168=15 см.

 Итак мы нашли одно ребро.осталось остальные два, которые получаются их основания.

Sосн=a\*b; где a,b - стороны основания параллелепипеда.

Известно что a=b+2 , значит верным будет:

 b\*(b+2)=168

 b2+2b-168=0

Решение квадратных уравнений, быстро и просто.

 Ответ: b1 = 12; b2 = -14 (не может быть так как отрицательное)

Отсюда b=12; a=12+2=14

Теперь рисунок.



 Для наглядности, я специально обозначил ребра равные a красным цветом. Ребра b зеленым, а высота H осталась черным.

 Получается что всего в параллелепипеде по 4 каждого ребра. То есть логично записать что сумма будет равна:

 P=4\*(a+b+H)=4\*(12+14+15)=41\*4=164

2)Пусть **ABCDA1B1C1D1** – данная прямая призма, основанием которой является ромб**ABCD** c диагоналями **AC=30 см** и  **BD=16 см.** Объем этой призмы **4800 см2**.

Требуется найти площадь боковой поверхности призмы. Определяемся с формулами – надо знать, чего нам не хватает для нахождения искомой площади. Площадь боковой поверхности призмы находят по формуле: **Sбок.=Pосн.∙H**. Периметр основания мы найдем, если будем знать сторону основания, т.е сторону ромба **ABCD**. Можем ее найти? Да, у нас есть диагонали ромба, которые взамно перпендикулярны и точкой пересечения делятся пополам. Из прямоугольного **Δ АОD** по теореме Пифагора**АD2=AO2+OD2**;   АD2=152+82=225+64=289. Следовательно, сторона основания **АD=17 см**, и периметр основания **Pосн=**4∙ АD=4∙17=**68 см**. Теперь надо найти высоту призмы **Н.**Объем призмы нам дан. Формула объема призмы **V=Sосн.∙H**. Площадь основания – это площадь ромба, которую можно найти по формуле: **Sp.= (1/2)∙d1∙d2.** Здесь **d1** и **d2**– диагонали ромба. Тогда **Sосн.=**(1/2)∙30∙16=**240 см2**. Подставим в формулу объема значения объема и площади основания призмы. 4800=240∙Н, тогда **Н=20 см**. Искомая площадь боковой поверхности призмы **Sбок.=Pосн.∙H**=68∙20=**1360 см2**.

3)В основании призмы лежит прямоугольный треугольник с катетами **5 см** и **12 см**. Вычислите полную поверхность призмы, если ее объем равен **1200 см3**.



4)По стороне основания, равной **5 см**, и боковому ребру, равному **8 см**, найдите объем правильной треугольной призмы.



* 5)Дано: ABCA1B1C1- прямая призма.

AB=BC=m; ABC= φ,

BD- высота в ∆ ABC;

BB1=BD.

Найти: VABCA1B1C1-?

1. S ABC·h, h=BB1.
2. Рассмотрим ∆ ABC; ∆ ABC- р/б. BD- высота ∆ ABC, следовательно медиана и биссектриса.

ABD= DBC= φ/2

3) Рассмотрим ∆ ABD; ∆ ABD- прямоугольный. Из соотношения в ∆: cosφ/2 = BD/ABBD= cosφ/2 AB, BD=mcosφ/2 (AB=m)

4) Т.к. BD=BB1BB1=m · cosφ /2

5) S ABC= ½ AB·BC· sinφ; S ABC= ½ m2 · sinφ

6) V= ½ m2 ·sinφ· mcosφ/2=½ m3 · sinφ · cosφ/2

Ответ: ½ m3 · sinφ·cosφ/2

1. **Выучить наизусть все определения и формулы.**